

Rješenje nagradnog natječaja br. 213

Riješi jednadžbu

$$\sqrt{x + \sqrt{4x + \sqrt{16x + \sqrt{\dots + \sqrt{4^n x + 3}}}}} - \sqrt{x} = 1.$$

Rješenje. Jednadžbu zapišimo u ekvivalentnom obliku

$$\sqrt{x + \sqrt{4x + \sqrt{16x + \sqrt{\dots + \sqrt{4^n x + 3}}}}} = \sqrt{x} + 1.$$

Kvadriranjem i sređivanjem dobivamo

$$\sqrt{4x + \sqrt{16x + \sqrt{\dots + \sqrt{4^n x + 3}}}} = 2\sqrt{x} + 1.$$

Ponovnim kvadriranjem i sređivanjem imamo

$$\sqrt{16x + \sqrt{\dots + \sqrt{4^n x + 3}}} = 2^2 \sqrt{x} + 1.$$

Nakon n kvadriranja i sređivanja dobivamo

$$\sqrt{4^n x + 3} = 2^n \sqrt{x} + 1.$$

Konačno, kvadriranjem imamo

$$4^n x + 3 = 4^n x + 2 \cdot 2^n \sqrt{x} + 1.$$

tj. $2 \cdot 2^n \sqrt{x} = 2$, odakle je $x = \frac{1}{4^n}$.

Knjigom M. Bašić, Ž. Buranji, Ž. Hanjš, I. Kokan, *Matematička natjecanja 2014./2015.*, nagrađeni su rješavatelji:

1. *Sara Džebo* (4), Peta gimnazija, Sarajevo, BiH;
2. *Zlatko Petolas* (3), Gimnazija Lucijana Vranjanina, Zagreb;
3. *Borna Šimić* (2), Gimnazija "Matija Mesić", Slavonski Brod;
4. *Matej Veselovac* (3), Treća opća gimnazija, Srednja škola Donji Miholjac, Donji Miholjac.

Riješili zadatke iz br. 2/262

(Broj u zagradi označava razred–godište srednje–osnovne škole.)

a) Iz matematike: *Sara Džebo* (4), Peta gimnazija, Sarajevo, BiH, 3497–3510; *Zlatko Petolas* (3), Gimnazija Lucijana Vranjanina, Zagreb, 3497–3510; *Dženeta Sudžuka* (2), Gimnazija "Visoko", Visoko, BiH, 3508.

b) Iz fizike: *Irena Antol* (7), OŠ "Ljudevit Gaj", PŠ Donja Šemnica, Krapina, 400; *Maja Drmač* (8), OŠ Malešnica, Zagreb, 398–401; *Nives Ostojić* (8), OŠ Horvati, Zagreb, 398.

Nagradni natječaj br. 215

Dokaži da za pozitivne brojeve a , b , c vrijedi nejednakost

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} \leq \frac{a^8 + b^8 + c^8}{a^3 b^3 c^3}.$$

SVIM SURADNICIMA

U Matematičko–fizičkom listu objavljuju se članci iz matematike, fizike i informatike, s malim prilogom iz astronomije, zadaci i rješenja, prikazi natjecanja i ljetnih škola iz matematike i fizike, zanimljivosti u obliku članaka i zadataka od učenika, profesora i ostalih matematičara, novosti iz znanosti, prilozi o državnoj maturi i nagradni natječaj.

Prilozi trebaju biti napisani računalom (Word, Tex, Latex) ili pisaćim strojem.

Slike trebaju biti jasno nacrtane na posebnom papiru i pogodne za presnimavanje ili pošaljite slike crtane računalom (eps, tif, gif, jpg, png i sl.).

Članci neka ne budu dulji od osam stranica, a ako je to potrebno neka budu napisani u nastavcima.

Pozivaju se učenici da pošalju članak o nekoj zanimljivoj temi, originalne zadatke s rješenjima ili prikaze nekih manifestacija (ljetne škole, susreti učenika, rad školske grupe).

Kako se rukopisi ne vraćaju, sačuvajte original, a pošaljite kopiju na papiru formata A-4.

Svi rukopisi podliježu recenziji redakcije ili neke stručne osobe za određeno područje.

Prilozi se šalju na adresu ovog časopisa koja je na početku lista.

RJEŠAVATELJIMA ZADATAKA

Svako rješenje neka bude napisano na **posebnom** papiru i to samo na **jednoj** strani papira. Uz svako rješenje na vrhu papira treba potpuno ispisati tekst zadatka. Svako rješenje treba čitljivo potpisati (ime i prezime), naznačiti razred, školu i mjesto. **Rješenja se mogu slati i e-poštom na adresu glavnog urednika: hanjs@math.hr**

Matematičko-fizički list na Facebooku

Možete pronaći MFL i na Facebooku na stranici

<https://www.facebook.com/MatFizL>

Uz razno-razne podatke o MFL-u moći ćete naći i nove zadatke za rješavanje.